

# Τυπολόγιο Η/Μ Κύματα – Κεραίες

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{in}}{\epsilon_0} \quad \text{ή} \quad \vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho \quad (\text{N.Gauss}) \quad \oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0 \quad \text{ή} \quad \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \quad (\text{N.Gaussγια μαγνητισμό})$$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0(I_c + \epsilon_0 \frac{\partial \Phi_E}{\partial t}) \quad \text{ή} \quad \vec{\nabla} \times \vec{H} = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} + \vec{J} \quad (\text{N.Ampere}) \quad \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{\partial \Phi_B}{\partial t} \quad \text{ή} \quad \vec{\nabla} \times \vec{E} + \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = 0 \quad (\text{N.Faraday})$$

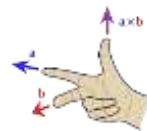
Διαφορική εξίσωση κύματος:  $\nabla^2 \vec{E} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}$ ,  $\nabla^2 \vec{H} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{H}}{\partial t^2}$ ,  $C = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} = 3 \cdot 10^8 \frac{m}{sec}$

Διηλεκτρική σταθερά κενού  $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12}$  [F/m], μαγνητική διαπερατότητα κενού  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$  [H/m],  $\mu = \mu_0 \cdot \mu_r$ ,  $\epsilon = \epsilon_0 \cdot \epsilon_r$

Ένταση Ηλ/κου πεδίου  $\vec{E} = \frac{\vec{D}}{\epsilon}$  (V/m) (**D**: πυκνότητα Ηλεκτρικής Ροής (C/m<sup>2</sup>)) Ένταση Μαγνητικού πεδίου  $\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu}$  (A/m) (**B**: πυκνότητα μαγνητικής ροής (T)) Σε

Η/Μ κύμα  $\vec{H} = \frac{\vec{E}}{Z_0} = \frac{\vec{E}}{\eta_0}$

$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$  Διάνυσμα Pointing (W/m<sup>2</sup>),  $\vec{\nabla} \cdot \vec{S} + \frac{\partial w}{\partial t} = -p_L = \sigma E^2$  Θεώρημα Pointing,



Μέτρο διανύσματος Pointing (μέση πυκνότητα ισχύος) ή ισχύος ανά μονάδα επιφάνειας  $|\vec{S}| = \frac{E^2}{2\eta} = \eta \frac{H^2}{2}$  (για επίπεδα κύματα)

Κυματική αντίσταση του μέσου  $\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$  για το κενό  $\eta_0 = Z_0 = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 377 \Omega$

Εξίσωση κύματος  $\Psi(x,t) = A \sin(\omega t - kx) = \text{Re}(A e^{-j(kx - \omega t)})$  ή  $\Psi(x,t) = A e^{-j(kx - \omega t)}$

Η/Μ κύμα  $\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 \sin(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r}) = \text{Re}(A e^{-j(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)})$  ή  $\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 e^{-j(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)}$ ,  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ ,  $\omega = 2\pi f$ ,  $f = \frac{1}{T}$ ,  $C = \lambda \cdot f$  ομοίως ισχύει και για το Μαγνητικό πεδίο.

Εξωτερικό γινόμενο μοναδιαίων διανυσμάτων  $e_1 \times e_1 = 0, e_1 \times e_{i+1} = \pm e_{i+2}$  με  $e_1 = \hat{x}, e_2 = \hat{y}, e_3 = \hat{z}, e_4 = \hat{x}$

Ζώνες ακτινοβολίας

**Αντιδραστικό πεδίο**  $r \leq 0.62 \sqrt{\frac{l^3}{\lambda}} \Rightarrow kr \ll 1: H_\phi \approx \frac{1}{r^2}, E_r \approx \frac{1}{r^3} E_\theta \approx \frac{1}{r^3} H_r = H_\theta = E_\phi = 0$

**Περιοχή Fresnel:**  $0.62 \sqrt{\frac{l^3}{\lambda}} \leq r \leq \frac{2l^2}{\lambda} \Rightarrow kr \geq 1 H_\phi \approx \frac{I_0 l}{r}, E_r \approx \frac{I_0 l}{r^2}, E_\theta \approx \frac{I_0 l}{r} H_r = H_r = E_\phi = 0$

**Περιοχή μακρινού πεδίου**  $r > \frac{2l^2}{\lambda}$  Σε γενικές Γραμμές  $H_\phi \approx \frac{1}{r}, E_\theta \approx \frac{1}{r}$  όλα τα άλλα 0

Για το Στοιχειώδες Δίπολο  $\ll \lambda (\ll \lambda/10)$   $H_\phi = j \frac{k I_0 l e^{j(\omega t - kr)}}{4\pi r} \sin \theta$ ,  $\vec{S} = \frac{\mu_0 f^2 I_0^2 l^2}{8c r^2} \sin^2 \theta \hat{r}$ ,  $P_{rad} = R_{rad} I_{rms}^2 = \eta \frac{2\pi}{3} \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2 \frac{I_0^2}{2} = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2 \frac{I_0^2}{2}$   
 $E_\theta = j\eta \frac{k I_0 l e^{j(\omega t - kr)}}{4\pi r} \sin \theta$   $R_{rad} = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$

Κατ/κο Κερδος:  $D_g = \frac{3}{2} (\sin \theta)^2$ , Κατ/τα  $D_{mx} = \frac{3}{2} = 1,76dB$ ,  $HPBW = 90^\circ$ , Κέρδος:  $G = e_i D = \frac{R_{rad}}{R_{rad} + R_{loss}} \frac{3}{2}$  Μέγιστη Ενεργός επιφάνεια  $A_{eff} = 0.119 \lambda^2$

Για κεραία  $\lambda/2$

$\vec{E}_\theta = j 60 I_0 \left[ \frac{\cos\left[\frac{\pi}{2} \cos \theta\right]}{\sin \theta} \right] \left[ \frac{e^{j(\omega t - kr)}}{r} \right]$  Μέτρο Διαν/τος Pointing  $|\vec{S}(r, \theta)| = \frac{15 I_0^2}{\pi r^2} \left[ \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2} \cos \theta\right]}{\sin^2 \theta} \right]$   $P_{rad} = 73 \frac{I_0^2}{2} = 73 I_{rms}^2$ , Κατ/τα  $D_{mx} = 1,64 = 2.15dB$   
 $\vec{H}_\phi = \frac{\vec{E}_\theta}{\eta_0}$  Ενεργός επιφάνεια  $A_{eff} = 0.13 \lambda^2$   $HPBW = 78^\circ$

Για μικρή βροχοκεραία  $R_{rad} = 31200 \left(\frac{A}{\lambda^2}\right)^2$ ,  $D = \frac{3}{2} = 1,76dB$ ,  $A_{eff} = 0,199 \lambda^2$

Εμπέδηση κεραίας ως στοιχείο  $Z_A = R_A + jX_A$  με  $R_A = R_{rad} + R_{loss}$  σε περίπτωση συν/μού  $\text{Im}\{Z_\alpha(\omega_0)\} = X_\alpha(\omega_0) = 0$

Ενεργός επιφάνεια κεραίας  $A_{eff} \equiv \frac{P_r}{S}$  άρα  $A_{eff} = \frac{V_r^2 R_T}{S \cdot [(R_r + R_L + R_T)^2 + (X_A + X_T)^2]}$  με  $R_T$  το φορτίο της κεραίας &  $S = S_{ins} (W/m^2)$ .

Κέρδος κατευθυντικότητα και Ενεργός επιφάνεια  $G = \frac{4\pi}{\lambda^2} A_{eff}$  αν  $R_L = 0$  τότε και  $D = \frac{4\pi}{\lambda^2} A_{eff} \Leftrightarrow A_{eff} = \frac{D \lambda^2}{4\pi}$

Ενεργός επιφάνεια σε σχέση με το ενεργό μήκος:  $A_{eff} = \frac{l_e^2 \eta}{4R_r}$  Απόδοση επιφάνειας:  $\alpha = \frac{A_{eff}}{A_g}$  ( $A_g$ : πραγματική επιφάνεια)

Τύπος του Friis  $P_r = P_t \frac{A_{effr} A_{efft}}{r^2 \lambda^2}$   $\frac{P_r}{P_t} = \frac{G_t G_r \lambda^2}{(4\pi r)^2} = \frac{G_t G_r}{(4\pi r)^2 f^2}$  ( $t_r$ : δευτερόλεπτα φωτός) σε dB:  $10 \log \frac{P_r}{P_t} = 20 \log \frac{\lambda}{4\pi r} + G_{r(dB)} + G_{t(dB)}$

Μέγιστη απόσταση Μετάδοσης  $r_{mx} = \sqrt{\frac{P_r}{P_{min}}} \sqrt{\frac{G_t G_r \lambda^2}{4\pi}} = \lambda \sqrt{A_r A_t} \sqrt{\frac{P_t}{P_{min}}}$  Εξίσωση Radar  $d_{mx} = \left[ \frac{\sigma G_r G_t \lambda^2 P_t}{(4\pi)^3 P_{min}} \right]^{1/4}$